

# Matematička logika i računarstvo

## prva domaća zadaća

Vedran Čačić

23. prosinca 2019.

*Rješenja pošaljite mailom na veky@math.hr najkasnije do 1. veljače 2020.*

### **Prvi zadatak**

Dokažite Fraïsséov teorem za proizvoljne konačne signature (smijete koristiti da vrijedi za konačne relacijske signature).

### **Drugi zadatak**

Dokažite ili opovrgnite: ako su dvije strukture elementarno ekvivalentne, onda između njih postoji elementarno preslikavanje.

### **Treći zadatak**

Neka su  $\mathfrak{M}$  i  $\mathfrak{N}$  normalne  $\sigma$ -strukture. Dokažite: postoji elementarno smještenje  $\mathfrak{M}$  u  $\mathfrak{N}$  ako i samo ako postoji ekspanzija od  $\mathfrak{N}$  koja je model za  $\mathcal{D}(\mathfrak{M})$ .

### **Četvrти zadatak**

Nadite primjer, ili dokažite da ne postoji, rečenica  $F$  i  $G$  takvih da  $F \Rightarrow G$ , ni  $\neg F$  ni  $G$  nisu valjane, te  $F$  i  $G$  nemaju nijedan zajednički nelogički simbol.