

1	2	3	4	5	6	7	$\Sigma$

---

MATIČNI BROJ

IME I PREZIME

## Osnove algoritama - drugi kolokvij, 1.2.2024.

1. **(3 boda)** Napišite program koji učitava prirodan broj  $n$  te niz realnih brojeva duljine  $n$  i sortira ga silazno. Algoritam odaberite po volji i napišite koja je njegova složenost. Objasnite korak po korak kako vaš program sortira niz  $[6, 3, 8, 9, 1]$  duljine  $n = 5$ .
2. **(4 boda)** Napišite program složenosti  $O(n)$  koji učitava prirodan broj  $n$  te dva **silazno** sortirana niza realnih brojeva  $a$  i  $b$ , oba duljine  $n$ . Program prepisuje brojeve iz nizova  $a$  i  $b$  u niz  $c$  duljine  $2n$  tako da i taj niz bude sortirani. Objasnite korak po korak kako vaš program radi za nizove  $a = [7, 5, 2, 1]$  i  $b = [9, 6, 5, 1]$  duljine  $n = 4$ . Što treba promijeniti u programu da se brojevi koji se pojavljuju u oba niza  $a$  i  $b$  prepisuju samo jednom u niz  $c$ ?
3. **(4 + 1 bod)** Napišite program koji učitava  $n \in \mathbb{N}$  i ispisuje sve uređene trojke  $(i, j, k)$  prirodnih brojeva iz  $\{1, \dots, n\}$  koje zadovoljavaju  $i < j < k$ . Koliko ima takvih trojki? Koja je složenost vašeg programa?  
**Napomena.** Za program bez 'IF' naredbe dobit ćete jedan nagradni bod.
4. **(3.5 boda)** Napišite program koji učitava prirodan broj  $n$  i niz prirodnih brojeva  $p$  koji predstavlja permutaciju stupnja  $n$ . Program provjerava i ispisuje je li učitana permutacija involucija, tj. sama sebi inverzna. Objasnite korak po korak kao program radi za permutaciju  $p = [5, 4, 3, 2, 1, 7, 6]$ . Koja je složenost vašeg programa?
5. **(3.5 boda)** Napišite program koji učitava prirodan broj  $n$  i kvadratnu matricu  $A$  reda  $n$ . Program provjerava i ispisuje je li učitana matrica idempotentna, tj. zadovoljava li  $A^2 = A$ . Koja je složenost vašeg programa?
6. **(4 boda)** Napišite program koji učitava prirodne brojeve  $m, n$  i matricu tipa  $m \times n$  popunjenu cijelim brojevima. Program ispisuje indekse svih redaka u kojima postoji bar jedan broj koji nije djeljiv s 3. Ako takvih redaka nema, program ispisuje "svi su djeljivi s 3".
7. **(3 boda)** Nađite prikaz cijelog broja  $-987$  u 16-bitnoj aritmetici.

Na kolokviju je dozvoljeno koristiti pribor za pisanje i kalkulator. Sve ostalo je zabranjeno.

Vedran Krčadinac

1	2	3	4	5	6	7	$\Sigma$

---

MATIČNI BROJ

IME I PREZIME

## Osnove algoritama - drugi kolokvij, 1.2.2024.

- (3 boda)** Napišite program koji učitava prirodan broj  $n$  te niz realnih brojeva duljine  $n$  i sortira ga uzlazno. Algoritam odaberite po volji i napišite koja je njegova složenost. Objasnite korak po korak kako vaš program sortira niz  $[2, 3, 7, 1, 4]$ .
- (4 boda)** Napišite program složenosti  $O(n)$  koji učitava prirodan broj  $n$  te dva **silazno** sortirana niza realnih brojeva  $a$  i  $b$ , oba duljine  $n$ . Program prepisuje brojeve iz nizova  $a$  i  $b$  u niz  $c$  duljine  $2n$  tako da i taj niz bude sortirani. Objasnite korak po korak kako vaš program radi za nizove  $a = [8, 5, 3, 2]$  i  $b = [9, 8, 7, 2]$  duljine  $n = 4$ . Što treba promijeniti u programu da se brojevi koji se pojavljuju u oba niza  $a$  i  $b$  prepisuju samo jednom u niz  $c$ ?
- (4 + 1 boda)** Napišite program koji učitava  $n \in \mathbb{N}$  i ispisuje sve uređene trojke  $(i, j, k)$  prirodnih brojeva iz  $\{1, \dots, n\}$  koje zadovoljavaju  $i < j > k$ . Koliko ima takvih trojki? Koja je složenost vašeg programa?  
**Napomena.** Za program bez 'IF' naredbe dobit ćete jedan nagradni bod.
- (3.5 boda)** Napišite program koji učitava prirodan broj  $n$  i niz prirodnih brojeva  $p$  koji predstavlja permutaciju stupnja  $n$ . Program provjerava i ispisuje je li učitana permutacija involucija, tj. sama sebi inverzna. Objasnite korak po korak kao program radi za permutaciju  $p = [6, 4, 3, 2, 5, 7, 1]$ . Koja je složenost vašeg programa?
- (3.5 boda)** Napišite program koji učitava prirodan broj  $n$  i kvadratnu matricu  $A$  reda  $n$ . Program provjerava i ispisuje je li učitana matrica idempotentna, tj. zadovoljava li  $A^2 = A$ . Koja je složenost vašeg programa?
- (4 boda)** Napišite program koji učitava prirodne brojeve  $m, n$  i matricu tipa  $m \times n$  popunjenu cijelim brojevima. Program ispisuje indekse svih redaka u kojima postoji bar jedan neparan broj. Ako takvih redaka nema, program ispisuje "svi su parni".
- (3 boda)** Nađite prikaz cijelog broja  $-789$  u 16-bitnoj aritmetici.

Na kolokvij je dozvoljeno koristiti pribor za pisanje i kalkulator. Sve ostalo je zabranjeno.

Vedran Krčadinac

1	2	3	4	5	6	7	$\Sigma$

---

MATIČNI BROJ

IME I PREZIME

## Osnove algoritama - drugi kolokvij, 1.2.2024.

1. **(3 boda)** Napišite program koji učitava prirodan broj  $n$  te niz realnih brojeva duljine  $n$  i sortira ga silazno. Algoritam odaberite po volji i napišite koja je njegova složenost. Objasnite korak po korak kako vaš program sortira niz  $[7, 10, 6, 1, 3]$ .
2. **(4 boda)** Napišite program složenosti  $O(n)$  koji učitava prirodan broj  $n$  te dva **silazno** sortirana niza realnih brojeva  $a$  i  $b$ , oba duljine  $n$ . Program prepisuje brojeve iz nizova  $a$  i  $b$  u niz  $c$  duljine  $2n$  tako da i taj niz bude sortirani. Objasnite korak po korak kako vaš program radi za nizove  $a = [9, 7, 4, 3]$  i  $b = [8, 7, 5, 3]$  duljine  $n = 4$ . Što treba promijeniti u programu da se brojevi koji se pojavljuju u oba niza  $a$  i  $b$  prepisuju samo jednom u niz  $c$ ?
3. **(4 + 1 bod)** Napišite program koji učitava  $n \in \mathbb{N}$  i ispisuje sve uređene trojke  $(i, j, k)$  prirodnih brojeva iz  $\{1, \dots, n\}$  koje zadovoljavaju  $i > j > k$ . Koliko ima takvih trojki? Koja je složenost vašeg programa?  
**Napomena.** Za program bez 'IF' naredbe dobit ćete jedan nagradni bod.
4. **(3.5 boda)** Napišite program koji učitava prirodan broj  $n$  i niz prirodnih brojeva  $p$  koji predstavlja permutaciju stupnja  $n$ . Program provjerava i ispisuje je li učitana permutacija involucija, tj. sama sebi inverzna. Objasnite korak po korak kao program radi za permutaciju  $p = [4, 2, 5, 1, 3, 7, 6]$ . Koja je složenost vašeg programa?
5. **(3.5 boda)** Napišite program koji učitava prirodan broj  $n$  i kvadratnu matricu  $A$  reda  $n$ . Program provjerava i ispisuje je li učitana matrica idempotentna, tj. zadovoljava li  $A^2 = A$ . Koja je složenost vašeg programa?
6. **(4 boda)** Napišite program koji učitava prirodne brojeve  $m, n$  i matricu tipa  $m \times n$  popunjenu cijelim brojevima. Program ispisuje indekse svih stupaca u kojima postoji bar jedan broj djeljiv s 3. Ako takvih stupaca nema, program ispisuje "nema djeljivih s 3".
7. **(3 boda)** Nađite prikaz cijelog broja  $-876$  u 16-bitnoj aritmetici.

Na kolokvij je dozvoljeno koristiti pribor za pisanje i kalkulator. Sve ostalo je zabranjeno.

Vedran Krčadinac

1	2	3	4	5	6	7	$\Sigma$

---

MATIČNI BROJ

IME I PREZIME

## Osnove algoritama - drugi kolokvij, 1.2.2024.

- (3 boda)** Napišite program koji učitava prirodan broj  $n$  te niz realnih brojeva duljine  $n$  i sortira ga uzlazno. Algoritam odaberite po volji i napišite koja je njegova složenost. Objasnite korak po korak kako vaš program sortira niz  $[7, 3, 6, 4, 1]$ .
- (4 boda)** Napišite program složenosti  $O(n)$  koji učitava prirodan broj  $n$  te dva **silazno** sortirana niza realnih brojeva  $a$  i  $b$ , oba duljine  $n$ . Program prepisuje brojeve iz nizova  $a$  i  $b$  u niz  $c$  duljine  $2n$  tako da i taj niz bude sortirani. Objasnite korak po korak kako vaš program radi za nizove  $a = [9, 6, 5, 1]$  i  $b = [9, 7, 6, 2]$  duljine  $n = 4$ . Što treba promijeniti u programu da se brojevi koji se pojavljuju u oba niza  $a$  i  $b$  prepisuju samo jednom u niz  $c$ ?
- (4 + 1 bod)** Napišite program koji učitava  $n \in \mathbb{N}$  i ispisuje sve uređene trojke  $(i, j, k)$  prirodnih brojeva iz  $\{1, \dots, n\}$  koje zadovoljavaju  $i > j < k$ . Koliko ima takvih trojki? Koja je složenost vašeg programa?  
**Napomena.** Za program bez ‘IF’ naredbe dobit ćete jedan nagradni bod.
- (3.5 boda)** Napišite program koji učitava prirodan broj  $n$  i niz prirodnih brojeva  $p$  koji predstavlja permutaciju stupnja  $n$ . Program provjerava i ispisuje je li učitana permutacija involucija, tj. sama sebi inverzna. Objasnite korak po korak kao program radi za permutaciju  $p = [2, 7, 3, 6, 5, 4, 1]$ . Koja je složenost vašeg programa?
- (3.5 boda)** Napišite program koji učitava prirodan broj  $n$  i kvadratnu matricu  $A$  reda  $n$ . Program provjerava i ispisuje je li učitana matrica idempotentna, tj. zadovoljava li  $A^2 = A$ . Koja je složenost vašeg programa?
- (4 boda)** Napišite program koji učitava prirodne brojeve  $m, n$  i matricu tipa  $m \times n$  popunjenu cijelim brojevima. Program ispisuje indekse svih stupaca u kojima postoji bar jedan parni broj. Ako takvih stupaca nema, program ispisuje “svi su neparni”.
- (3 boda)** Nađite prikaz cijelog broja  $-678$  u 16-bitnoj aritmetici.

Na kolokvij je dozvoljeno koristiti pribor za pisanje i kalkulator. Sve ostalo je zabranjeno.

Vedran Krčadinac