

**Matematika 1 (prof. bio. i kem.)**  
**2. Kolokvij-06/02/2008**

**1. (20 bodova)** Izračunajte derivaciju funkcije

$$y = \ln(e^x + 5 \sin x - 4 \arcsin x)$$

**2. (20 bodova)** Odredite asimptote, kritične točke, intervale rasta i pada, točke infleksije, intervale konveksnosti i konkavnosti i skicirajte graf funkcije:

$$y = \frac{2}{x^2 + 1}$$

**3. (20 bodova)** Izračunajte

$$\int (\cos(7x) + (x-7)^{21}) dx$$

**4. (20 bodova)** Izračunajte površinu omeđenu funkcijama

$$y = 2x^2 \text{ i } y = 4.$$

**5. (Teorijski zadatak-20 bodova)**

(10) Neka je  $f : \langle a, b \rangle \rightarrow \mathbb{R}$  derivabilna funkcija. Čemu je jednak nagib grafa funkcije  $f$  (dakle  $\Gamma_f$ ) u točki  $c \in \langle a, b \rangle$ ? Zapišite zatim jednadžbu tangente na graf funkcije  $f$  u točki  $(c, f(c))$ . Konkretno je izračunajte ako je  $f(x) = x^3 + x^2$  i  $c = 1$ .

(10) Izračunajte nagib elipse  $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$  u njezinoj točki  $(x_0, y_0)$ .

**Napomena:** Upis ocjena biti će u ponedjeljak, 11.02. u 14 sati, u kabinetu M.H. na trećem katu. Ukoliko želite odgovarati za višu ocjenu, javite se odmah nakon rezultata kolokvija mailom profesorici na: [hanmar@math.hr](mailto:hanmar@math.hr)

**Rezultati:** na [www.math.hr/~karaga/kembio.html](http://www.math.hr/~karaga/kembio.html), najkasnije u subotu 09/02/2008 navečer

M.H.  
M.K.