

# TEORIJA BROJEVA

1. kolokvij – grupa D

12. 4. 2010.

1. Odredite  $g = \text{nzd}(a, b)$  i nadite cijele brojeve  $x, y$  takve da je  $ax + by = g$  ako je  $a = 4063$ ,  $b = 3026$ .
2. Riješite kongruenciju:  $447x \equiv 723 \pmod{1329}$ .
3. Riješite sustav kongruencija:  
$$x \equiv 8 \pmod{13}, \quad x \equiv 6 \pmod{17}, \quad x \equiv 23 \pmod{29}.$$
4. Nađite sva rješenja jednadžbe  $\varphi(n) = 164$ .
5. a) Nađite najmanji primitivni korijen modulo 67.  
b) Riješite (pomoću indeksa) kongruenciju:  $55^x \equiv 4 \pmod{67}$ .
6. Izračunajte sljedeće Legendreove simbole:  $\left(\frac{203}{571}\right), \left(\frac{204}{571}\right)$ .

Dozvoljeno je korištenje džepnog kalkulatora, te dva papira s formulama.

Rezultati : petak, 16.4.2010. u 12 sati.

Andrej Dujella