

1. Dajte primjer beskonačnog totalno uređenog skupa koji ima svojstvo da *svaki* njegov podskup ima infimum. Svoje tvrdnje detaljno obrazložite.
2. Neka je $(A, <)$ totalno uređen skup. Za uređen par $(a, b) \in A \times A$ kažemo da je *rez* u A ako je $a < b$ i ne postoji $c \in A$ takav da je $a < c < b$. Dokažite da je “postojanje reza” invarijanta sličnosti.
3. Jesu li skupovi $[-\pi, \pi] \cap \mathbb{Q}$ i $\{x \in \mathbb{R} \mid \operatorname{tg} x \in \mathbb{Q}\}$ međusobno slični? Svoje tvrdnje dokažite.