

Osnovni algoritmi na brojevima

Osnovni algoritmi na brojevima

- Nakon odslušanog bit ćete u stanju:
 - oblikovati
 - analizirati – procijeniti/izračunati broj
 - izvršenih (bitnih) naredbi
 - izvršavanja petlje
 - usporedbi
 - implementirati
- osnovne cjelobrojne algoritme.

Osnovni algoritmi na brojevima

- Cilj: implementacija i analiza jednostavnih algoritama sastavljenih od petlje i uvjetnih naredbi
- Pretpostavka_1: ulazni podaci su, ukoliko nije drugačije rečeno, nenegativni cijeli brojevi (tip `int` ili `unsigned int`).
- Pretpostavka_2: koristit ćemo cjelobrojnu aritmetiku.
- Oprez: skup prikazivih brojeva u računalu je konačan.

Provjere - opća načela

- Postoji (\exists) li objekt sa zadanim svojstvom?
- Ima li svaki (\forall) objekt zadano svojstvo?
- Rezultat je logičkog tipa (odgovor DA/NE, 1/0, ...).

Realizacija:

- Za \exists : inicijalizacija odgovora (odgovor je NE); stanemo kada nađemo prvog sa zadanim svojstvom; odgovor je DA.
- Za \forall : inicijalizacija odgovora (odgovor je DA); stanemo kada nađemo prvog koji nema zadano svojstvom; odgovor je NE.

(Z)broj znamenki broja n

```
unsigned int b = 10;
```

```
.....
```

```
zbroj_znamenki = 0;
```

```
broj_znamenki = 0;
```

```
while(n > 0){
```

```
    zadnja_znamenka = n%b;
```

```
    zbroj_znamenki += zadnja_znamenka;
```

```
    broj_znamenki++;
```

```
    n /= b;
```

```
}
```

Pitanja

- Za koje n program radi korektno?
- Kolika je vrijednost broja n nakon završetka algoritma?
- Koliki je rezultat (broj i zbroj znamenki) za $n=0$?
- Koliki je rezultat za $n=10$ i $b=2$?
- Kolika je složenost algoritma?
- Kako bi izračunali produkt znamenki?

Broj znamenki (nastavak)

.....

```
broj_znamenki=0;  
for(; n != 0; n /= 10) ++ broj_znamenki;
```

ili

.....

```
for(broj_znamenki = 0; n != 0; n /= 10) ++ broj_znamenki;
```

Postoji znamenka

```
odgovor = 0;
```

```
while(n > 0){
```

```
    znam = n%10;
```

```
    odgovor = odgovor || znam == trazena;
```

```
    n = n/10;
```

```
}
```

```
if(odgovor)
```

```
    printf("DA\n");
```

```
else
```

```
    printf("NE\n");
```

Svaka znamenka

```
odgovor = 1;
```

```
while(n>0){
```

```
    znam = n%10;
```

```
    odgovor = odgovor && znam == trazena;
```

```
    n = n/10;
```

```
}
```

```
if(odgovor)
```

```
    printf("DA\n");
```

```
else
```

```
    printf("NE\n");
```

Svaka znamenka (nastavak)

```
odgovor = 1;
```

```
while(n > 0){
```

```
    znam = n%10;
```

```
    if(znam != trazena){
```

```
        odgovor = 0;
```

```
        break;}
```

```
    n = n/10;
```

```
}
```

Najveća znamenka broja n

```
unsigned int b = 10;  
.....  
if(n > 0){  
    max = n%b;  
    n /= b;  
    while(n > 0){  
        znamenka = n - n/b*b;  
        if(znamenka > max) max = znamenka;  
        n /= b;  
    }  
    printf("Najveća znamenka je %d\n", max);  
} else printf("n = 0 \n");
```

Aritmetička sredina najmanje i najveće znamenke

```
int min = 10, max = -1;  
  
while(n > 0){  
    znam = n%10;  
    if(znam > max) max = znam;  
    if(znam < min) min = znam;  
    n = n/10;  
}  
  
rezultat = (min + max)/2.;  
printf("%g\n", rezultat);
```

Provjera: $n=2^k$, $k>0$?

```
unsigned int n, d = 2, k, odgovor;
```

```
.....
```

```
k = 0;
```

```
/* Sve dok je n djeljiv s d, dijeli ga s d. */
```

```
while (n%d == 0) {
```

```
++k;
```

```
n /= d;
```

```
}
```

```
odgovor = n == 1 && k > 0; /* mora ostati n == 1 */
```

```
if (odgovor) printf(" Odgovor je DA\n");
```

```
else printf(" Odgovor je NE\n");
```

```
printf(" Najveći eksponent od %u u n je %u\n", d, k);
```

Palindromi

```
m1 = n;
```

```
m2 = 0;
```

```
.....
```

```
while(n > 0){
```

```
    zadnja = n%10;
```

```
    m2 = m2 * 10 + zadnja;
```

```
    n = n/10;
```

```
}
```

```
if(m1 == m2) palindrom = 1; else palindrom = 0;
```

```
printf("palindrom = %d\n", palindrom);
```

Prikaz cijelog broja u računalu

```
#include <stdio.h>
#define MASK 1 << 31

int main( ){
    int i, cijeli_broj;

    printf("ucitaj cijeli broj: ");
    scanf("%d", &cijeli_broj);
```

Prikaz cijelog broja u računalu (2)

```
for (i = 1 ; i <= 32; i++) {  
    if ((MASK & cijeli_broj) == 0)  
        printf("0");  
    else  
        printf("1");  
    cijeli_broj <<= 1;  
    if (i%8 == 0) printf (" ");  
}  
printf("\n");  
return 0;  
}
```