

Programiranje 1 – 1. ispit, 7. 2. 2025.

Upute: Na ispitus je dozvoljeno koristiti samo pribor za pisanje i brisanje, te službeni podsjetnik. Kalkulatori, razne neslužbene tablice, papiri i sl., nisu dozvoljeni! **Mobitele isključite i spremite!** Sva rješenja napišite isključivo na papire sa zadacima, jer jedino njih predajete. Obavezno predajte sve papire sa zadacima, čak i ako neke zadatke niste rješavali. Ne zaboravite se **potpisati** na svim papirima! Skice smijete raditi i na drugim papirima koje će vam dati dežurni asistent. Zadaci 3 – 5 su programski s obzirom na uvjet polaganja.

U svim zadacima zabranjeno je korištenje dodatnih nizova i standardne matematičke biblioteke (zaglavlje math.h), osim ako je u zadatku drugačije navedeno.

Zadatak 1 ($4+3+5+6=18$ bodova)

- Odredite sve baze $b \geq 2$ i uvjete na varijable x, y , takve da vrijedi $2 \cdot (xy)_b > (yx)_{b+1}$.
- Izračunajte bez pretvaranja u bazu 10: $((JJJ)_{(20)} - (999)_{(20)}) \cdot (21)_{20}$.
- Neka je x 3-bitni prirodni broj. Napravite logički sklop koji računa je li zadani broj x djeljiv s 3. **Obavezno napišite cijeli postupak.**
- Unutar teksta se nalaze imena, prezimena korisnika (počinju velikim slovom) i korisnička imena zadana na sljedeći način: **Ime Prezime - xyBroj**, gdje x predstavlja prva 3 slova imena, y prva tri slova prezimena, a *Broj* je niz od 0 do maksimalno 3 znamenke. Npr. za korisnika Pero Peric, tražena konstrukcija unutar teksta može biti PerPer ili PerPer3 ili PerPer456 (velika slova imena i prezimena ostaju velika i u korisničkom imenu).
 - Napišite regularni izraz koji prepoznaje ime, prezime i korisničko ime zadano u gore opisanom formatu u proizvoljnom tekstu.
 - Napišite regularni izraz koji prepoznaje niz imena, prezimena i korisničkih imena odvojenih zarezom. Npr. prepoznaje Pero Peric - PerPer, Mirko Miric - MirMir34, Damir Misko - DamMis742

RJEŠENJE:

$$\begin{aligned} \text{a) } 2 \cdot (x \cdot b + y) &> y \cdot (b + 1) + x \Rightarrow 2xb + 2y > yb + y + x \Rightarrow 2xb - yb > y + x - 2y \Rightarrow b(2x - y) > x - y \\ b &> \frac{x-y}{2x-y}, x, y < b, 2x - y > 0 \Rightarrow b > 1 - \frac{x}{2x-y}, x > y/2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \text{b) } (JJJ)_{20} - (999)_{20} &= (AAA)_{20} \\ (AAA)_{20} * (21)_{20} &= (11BAA)_{20} \end{aligned}$$

c) Tablica istinitosti:

z	x	y	f
0	0	0	1
0	0	1	0
0	1	0	0
0	1	1	1
1	0	0	0
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

$$\text{DNF: } (\bar{z} \cdot \bar{y} \cdot \bar{x}) + \bar{z} \cdot y \cdot x + z \cdot y \cdot \bar{x}$$

- $$([A-Z][a-z][a-z])[a-z]^* \cdot ([A-Z][a-z][a-z])[a-z]^* - \setminus 1 \setminus 2 \setminus d \{0,3\}$$
- $$((([A-Z][a-z][a-z])[a-z]^* \cdot ([A-Z][a-z][a-z])[a-z]^* - \setminus 1 \setminus 2 \setminus d \{0,3\})(,)?) +$$

Programiranje 1 – 1. ispit, 7. 2. 2025.

Zadatak 2 (3+6+6 = 15 bodova)

- a) Ako želimo spremiti cijeli broj na veličinu jednog byta tipično se koristi zaglavlje `stdint.h` gdje postoji tip `int8_t`. U slučaju da nemate zaglavlje `stdint.h` kako biste kreirali gornji tip imena `INT8_T` koristeći naredbu `typedef`

- b) Inicijaliziramo tri varijable `a, b, c` tipa `INT8_T`

```
INT8_T a=1;
INT8_T b=4;
INT8_T c=127;
Što vraća sizeof(c)?
```

Napišite redom ispis operacija:

```
printf("%d",a+b);
```

```
printf("%d",a&&b);
```

```
printf("%d",a&b); /* logicko i bit po bit */
```

```
c=c+a;
printf("%d",c);
```

```
c=a<<1; /* pomak bitova u lijevo */
printf("%d",c);
```

- c) Napišite funkciju koja prima cjelobrojni tip `INT8_T` i ispisuje prikaz tog broja u računalu kao niz bitova.

RJEŠENJE:

- a) `typedef signed char INT8_T;`

- b) 1, 5, 1, -128, 2

- c)
- ```
void ispis(INT8_T broj){
 INT8_T bit,i;
 unsigned char mask=1<<7;
 for (i=0;i<8;++i){
 bit = (broj & mask) ? 1:0;
 printf("%d",bit);
 mask=mask>>1;
 }
}
```

## Programiranje 1 – 1. ispit, 7. 2. 2025.

### Zadatak 3 (12+8 = 20 bodova)

Za polinom  $p(x) = \sum_{i=0}^n a_i x^i$  definiramo njegovu  $k$ -tu derivaciju kao polinom

$$p^{(k)}(x) = \sum_{i=k}^n \frac{i!}{(i-k)!} a_i x^{i-k}.$$

Ako u točki  $c \in \mathbb{R}$  polinom  $p$  ima ekstrem, onda je  $p'(c) = 0$ . Više derivacije nam daju dovoljan uvjet za određivanje je li to točka minimuma ili točka maksimuma. Za polinome stupnja barem dva postoji  $m \in \mathbb{N}$ , takav da za svaki  $k \in \{1, \dots, m\}$  vrijedi  $p^{(k)}(c) = 0$  i  $p^{(m+1)}(c) \neq 0$ , te tada u slučaju

- kada je  $p^{(m+1)}(x) > 0$ ,  $p$  ima u  $x$  strogi lokalni minimum,
- kada je  $p^{(m+1)}(x) < 0$ ,  $p$  ima u  $x$  strogi lokalni maksimum.

- Napišite funkciju `int ekstrem(double a[], int n, double c)` koja prima cijeli broj  $n \geq 2$ , niz koeficijenata  $a_0, a_1, \dots, a_n$  ( $a_n \neq 0$ ) polinoma  $p$  te realan broj  $c$ . Funkcija za točku lokalnog ekstrema  $c$  polinoma  $p$  (ne treba provjeravati) evaluacijom viših derivacija Hornerovim algoritmom treba odrediti vrstu ekstrema te vratiti 0 ako je  $c$  strogi lokalni minimum, inače 1.
- Napišite funkciju `int minimumi(double a[], int n, double x[], int l)` koja prima cijeli broj  $n \geq 2$ , niz koeficijenata  $a_0, a_1, \dots, a_n$  polinoma  $p$ , te niz točaka ekstrema  $x_0, x_1, \dots, x_{l-1}$  polinoma  $p$  duljine  $l$ . Funkcija treba izbrisati iz niza sve točke maksimuma tako da ostanu samo točke minimuma te vratiti novu duljinu niza. Smijete koristiti funkciju `ekstrem` iz (a) dijela zadatka čak i ako ju niste napisali.

**Napomena.** Dozvoljeno je korištenje dodatnih (pomoćnih) funkcija. Zabranjeno je korištenje dodatnih nizova.

### RJEŠENJE:

```
#include <stdio.h>
```

```
//k-tu derivaciju mozemo pogodnije zapisati kao p_k(x) = sum_{j=0}^{n-k} ((j+k)!/j! * a[j+k] * x^j)
```

```
double deriv(double a[], int n, double x, int k); // računa p_k(x)
```

```
int fakt(int j, int k); // računa (j+k)!/j!
```

```
int ekstrem(double a[], int n, double c);
```

```
int minimumi(double a[], int n, double x[], int l);
```

```
int minmax(double a[], int n, double x[], int l);
```

```
int main(void){
```

```
 int i;
```

```
 double p[] = {0, 60, 0, -25, 0, 3}; //min: -1, 2 max: 1, -2
```

```
 double x[]={2, 2, 1, -2, -1, 2};
```

```
 for(i=0; i<5; i++) printf (".2f, ", x[i]);
```

```
 printf("\nNakon: ");
```

```
 int l=minimumi(p, 5, x, 5);
```

```
 for(i=0; i<l; i++) printf (".2f, ", x[i]);
```

```
 printf("\n");
```

```
//alternativni:
```

```
// p(0.5(x+y))= 0 za x=2, y=-2 ili x=1, y=-1
```

```
//p(0.5(x+y))=+-28.4 za x=+-1, y=+-2
```

```
double y[]={-2, 2, 2, 1, -1, -2, -1, 2};
```

```
for(i=0; i<5; i++) printf (".2f, ", y[i]);
```

```

 printf("\nNakon: ");
 int l1=minmax(p, 5, y, 5);
 for(i=0; i<l1; i++) printf (("%.2f, ", y[i]);
}

int fakt(int j, int k){
 int res=1;
 while(k>0){
 res*=(j+k);
 k--;
 }
 return res;
}

double deriv(double a[], int n, double x, int k){
 int j;
 double p=0;
 for(j=n-k; j>=0; j--){
 p=x*p+fakt(j,k)*a[j+k];
 }
 return p;
}

int ekstrem(double a[], int n, double c){
 int k;
 for(k=2; k<=n; k++){
 double der=deriv(a,n,c,k);
 if(der){
 if(der>0) return 0;
 else return 1;
 }
 }
}

int minimumi(double a[], int n, double x[], int l){
 int i, j=0, br_obrisanih;
 for(i=0; i<l; ++i){
 if(ekstrem(a, n, x[i])){
 ++br_obrisanih;
 continue;
 }
 if(i>j) x[j]=x[i];
 ++j;
 }
 return l-br_obrisanih;
}

int minmax(double a[], int n, double x[], int l){
 int i, j, br_dodanih=0;
 for(i=1; i<l; ++i){
 if((ekstrem(a, n, x[i-1]) + ekstrem(a, n, x[i])) == 1) ++br_dodanih;
 }
 int l2=l+br_dodanih;
 j=l2-1;
 for(i=l-1; i>0; --i){
 x[j]=x[i];
 --j;
 if((ekstrem(a, n, x[i-1]) + ekstrem(a, n, x[i])) == 1){
 x[j]=deriv(a, n, 0.5*(x[i-1] + x[i]), 0);
 --j;
 }
 }
 return l2;
}

```

## Programiranje 1 – 1. ispit, 7. 2. 2025.

**Zadatak 4** (14 + 13 = 27 bodova) Slavko je vlasnik zalagaonice, i ima  $n \leq 200$  artikala koji su kodirani sa jedinstvenim znakom i zapisani u niz **char**  $A[]$  a njihove cijene su zapisane u nizu **double**  $C[]$  na način da je  $C[i]$  cijena od artikla  $A[i]$ .

| redni broj | Artikl | Cijena/€ |
|------------|--------|----------|
| 0          | a      | 2.50     |
| 1          | E      | 55.99    |
| 2          | h      | 12.20    |
| 3          | Q      | 11.00    |

- (a) Kako bi Slavko imao pregledniju zalagaonicu, napišite funkciju koja sortira artikle uzlazno po cijeni koristeći algoritam sortiranja umetanjem (*Insertion sort*). Ukoliko podzadatak točno riješite nekim drugim algoritmom sortiranja, vrednovat će se sa 7 bodova.
- (b) Pod pretpostavkom da je niz artikala sortiran uzlazno po cijeni, napišite funkciju

**char** Ponuda( **char** Artikl[], **double** Cijena[], **int** n, **double** N )

koja, koristeći binarno pretraživanje, vraća znak najskupljeg artikla koju kupac može priuštiti količinom novca  $N$ .

### RJEŠENJE:

```
#include<stdio.h>
```

```
//a) Sortiranje po cijeni koristeći algoritam sortiranja umetanjem , insertion sort.
```

```
void insertion_sort_po_cijeni(char A[], double C[], int n){
 double tempC;
 char tempA;
 int j;
 for(int i = 1 ; i < n ; i++){
 if(C[i] < C[i-1]){
 tempC = C[i];
 tempA = A[i];
 j = i;
 do{
 C[j] = C[j-1];
 A[j] = A[j-1];
 j--;
 }while(j >= 1 && C[j-1] > tempC);
 C[j] = tempC;
 A[j] = tempA;
 }
 }
}
```

```
//b) Binarno pretraživanje za pronalazak najskupljeg artikla koji se može kupiti s količinom novca N
```

```
char Ponuda(char A[], double C[] , int n , double N){
 int l = 0, d = n-1;
 int s;

 while(l <= d){
 s = (l + d)/2;

 if(N < C[s]){
 d = s - 1;
 }
 }
}
```

```

 }
 else if(N > C[s]){

 if(N < C[s+1]){
 return A[s];
 }
 else{
 l = s + 1;
 }

 }
 else{ //if N == C[s]
 return A[s];
 }

}

}

// pomoćna funkcija za printanje tablice (redni broj : artikl | cijena)
void printNizovi(char Artikl[], double Cijena[], int n){
 for(int i = 0 ; i < n ; i++)printf("%d : %c | %g \n",i, Artikl[i], Cijena[i]);
}

//primjer izvršavanja funkcija iz podzadataka a) i b)

int main(void){
 int n = 10;
 char Artikl[10] = { 'a', 'b', '+', 'd', '1', '(', '=', 'Q', '!', ',', ' ' };
 double Cijena[10] = { 12, 1.1, 2.33, 130.23, 122.1, 122.01, 122.01, 90, 0.05, 100.001 };

 printNizovi(Artikl,Cijena,n);
 insertion_sort_po_cijeni(Artikl, Cijena , n);
 printf("\n");
 printNizovi(Artikl,Cijena,n);

 char x = Ponuda(Artikl, Cijena , n, 122.05);
 printf("Nudimo artikl %c", x);

 return 0;
}

```

## Programiranje 1 – 1. ispit, 7. 2. 2025.

**Zadatak 5** (10 + 10 = 20 bodova)

- a) Napišite funkciju `int najcesca_znamenka(int n, int b, int *broj_pojavljivanja)` koja prima prirodne brojeve  $n$  i  $b$  ( $b \geq 2$ , ne treba provjeravati) i vraća onu znamenku koja se u zapisu broja  $n$  u bazi  $b$  javlja najviše puta. Ako takvih ima više, treba vratiti najveću. Kroz varijabilni argument, funkcija treba vratiti broj pojavljivanja najčešće znamenke.
- b) Napišite funkciju `int nadi_bazu(int n, int k)` koja prima prirodne brojeve  $n$  i  $k$  te računa najmanju bazu  $b \geq 2$  takvu da zapis broja  $n$  u bazi  $b$  ima  $k$  znamenaka. Ako takva ne postoji, neka funkcija vraća  $-1$ .

### RJEŠENJE:

```
#include<stdio.h>
```

```
int najcesca_znamenka(int n, int b, int *broj_pojavljivanja){
 int max_br=0, max_zn=0, kopija;
 kopija = n;
 while(kopija>0){
 if(kopija%b == 0) max_br++;
 kopija/=b;
 }
 for(int i = 1; i < b; i++){
 kopija = n;
 int broj_trenutne = 0;
 while(kopija>0){
 if(kopija%b == i) broj_trenutne++;
 kopija/=b;
 }
 if(broj_trenutne >= max_br){
 max_zn = i;
 *broj_pojavljivanja = broj_trenutne;
 max_br = broj_trenutne;
 }
 }
 return max_zn;
}
```

```
int nadi_bazu(int n, int k){
 int kopija, broj_znamenki, b=2;
 while(b <= n+1){
 broj_znamenki=0;
 kopija = n;
 while(kopija>0){
 kopija/=b;
 broj_znamenki++;
 }
 if(broj_znamenki == k){
 return b;
 }
 else if(broj_znamenki < k){
 return -1;
 }
 b++;
 }
 return -1;
}
```

```
int main(void){
 int pomocni;
 printf("%d\n", nadi_bazu(8,1));
 int rez = najcesca_znamenka(11223345,10,&pomocni);
 printf("%d, %d\n",rez, pomocni);
 return 0;
}
```