

Programiranje 1 – ispit, 2. 9. 2024.

Napomene: Svako rješenje napišite isključivo na papir sa zadatkom, jer jedino njega predajete. Pomoćne račune smijete raditi na drugim papirima koje će vam dati dežurni asistent. U svim zadacima **obavezno** pišite postupak! Dozvoljeno je korištenje isključivo pribora za pisanje i brisanje, te službenog podsjetnika. Kalkulatori, te razne tablice, papiri i sl. nisu dozvoljeni! **Mobitele** isključite i pospremite daleko od sebe! Ako se ustanovi da **kod sebe** imate mobitel za vrijeme ispita, ispit se poništava i pokreće se stegovni postupak protiv vas.

Zadatak 1 (4+3+4+4=15 bodova)

- (a) Neka je $b \geq 2$ prirodan broj i neka su x i y nenul znamenke u bazi b . Dokažite da je

$$(xxx)_{(b)} + (xx)_{(b)} \neq (yyy)_{(b)}.$$

- (b) Izračunajte bez pretvaranja u bazu 10: $(AAA)_{(12)} + (13)_{(12)} \cdot (11)_{(12)}$.

- (c) Neka su a, b i c logičke varijable koje se pojavljuju u logičkom izrazu f . Izraz f je istinit ako i samo ako je binarni broj $(1abc)_{(2)}$ prost (ako je varijabla istinita, pripadna znamenka je 1, a inače je 0). Odredite tablicu istinitosti te konjunktivnu ili disjunktivnu normalnu formu izraza f .

- (d) U nekom tekstnom dokumentu zapisan je niz rečenica. Zapis je formatiran tako da je unutar zagrada navedeno nekoliko rečenica, a rečenice su međusobno odvojene zarezom i razmakom. Svaka rečenica se sastoji od jedne ili više riječi odvojenih razmakom. Riječi se sastoje od malih slova engleske abecede, s izuzetkom prve riječi u rečenici koja počinje velikim slovom. Na kraju svake rečenice je točka, upitnik ili uskličnik. Zadnja rečenica sastoji se od samo jedne riječi.

Primjer zapisa jednog niza je sljedeći:

(Bok_mama.,_Volim_te_mama!,_Das_mi_pet_kuna?,_Pliz.)

Napišite regularan izraz koji prepoznaže ovako zapisan niz rečenica.

Programiranje 1 – ispit, 2. 9. 2024.

Zadatak 2 (5+5=10 bodova)

- (a) Objasnite što je enumeracija. Napišite definiciju enumeracije koja reprezentira dane u tjednu. Napišite deklaraciju varijable tipa definirane enumeracije i postavite joj vrijednost na konstantu PONEDJELJAK.
- (b) Napišite C-program koji implementira jednostavan kalkulator koristeći **if-else** naredbu. Kalkulator prima dva realna broja, te znak koji reprezentira operaciju ('+' - plus, '-' - minus, '*' - puta i '/' - podijeljeno). Kalkulator računa rezultat operacije nad ulaznim brojevima te ga ispisuje u komandni prozor.

Programiranje 1 – ispit, 2. 9. 2024.

Zadatak 3 (6+19=25 bodova)

Neka je $p_0(x) = a_0$ konstantni polinom. Rekurzivno definiramo niz polinoma $p_1(x), p_2(x), p_3(x), \dots$ tako da je

$$p_n(x) = \sum_{k=0}^n p_{n-1}(k)^2 x^k \text{ za } n \geq 1.$$

- (a) Napišite pomoćnu funkciju `double eval(int k, double a[], double y)` koja prima nenegativan cijeli broj k , niz a_0, a_1, \dots, a_k i realan broj y te vraća $\sum_{j=0}^k a_j y^j$ koristeći Hornerov algoritam. Ako ne koristite Hornerov algoritam, možete dobiti maksimalno 1 bod na ovom podzadatku.
- (b) Napišite funkciju `double mega_eval(double a_0, double y)` koja prima realne brojeve a_0 i y . Funkcija treba vratiti vrijednost $p_{20}(y)$. Kad god evaluirate bilo koji polinom u nekoj točki, treba koristiti funkciju `eval` iz (a) podzadatka. Smijete koristiti tu funkciju čak i ako je niste napisali. Smijete koristiti pomoćna polja.

NAPOMENA: U ovom zadatku smijete koristiti **najviše** tri polja duljine 21

Programiranje 1 – ispit, 2. 9. 2024.

Zadatak 4 (25 bodova)

Za prirodan broj d veći od 1 i prirodan broj a , definiramo $v_d(a)$ kao najveći nenegativan cijeli broj m takav da je d^m djelitelj od a .

Napišite funkciju `void divisible_sort(int n, int a[], int d, double *avg)` koja prima prirodan broj n , niz različitih prirodnih brojeva a_0, a_1, \dots, a_{n-1} i prirodan broj d veći od 1.

Funkcija treba sortirati niz a_0, a_1, \dots, a_{n-1} tako da za $i < j$ vrijedi da je $v_d(a_i) < v_d(a_j)$ ili $v_d(a_i) = v_d(a_j)$ i $a_i < a_j$. Preko varijabilnog argumenta `avg` treba vratiti prosječnu vrijednost od $v_d(a_i)$ u nizu.

Treba napisati i program koji korisniku omogućava da učita niz brojeva a_0, a_1, \dots, a_{n-1} , sortira ga koristeći napisanu funkciju za $d = 5$, te ispisuje sortirani niz i prosječnu vrijednost od $v_5(a_i)$.

Programiranje 1 – ispit, 2. 9. 2024.

Zadatak 5 (5+ 20 + [5] = 25 + [5] bodova)

- (a) Napišite funkciju `void kanta(int a[], int n, int b[])` koja prima niz $(a[0], a[1], \dots, a[n - 1])$ koji se sastoji od nenegativnih cijelih brojeva manjih od 10 i njegovu duljinu n , te niz cijelih brojeva $(b[0], b[1], \dots, b[9])$. Funkcija treba u $b[i]$ upisati broj pojava broja i u nizu $(a[0], a[1], \dots, a[n - 1])$.
- (b) Napišite funkciju `void histogram(int a[], int n, int *h, int *argh)` koja prima niz $(a[0], a[1], \dots, a[n - 1])$ koji se sastoji od nenegativnih cijelih brojeva manjih od 10 i njegovu duljinu n . Funkcija treba ispisati sveukupno 10 stupaca sastavljenih od simbola '*', tako da se i -ti stupac sastoji od onoliko zvjezdica koliko puta se broj $i - 1$ pojavljuje u zadanim nizu. Stupci međusobno trebaju biti odvojeni razmakom. Možete pretpostaviti da će se svaki broj od 0 do 9 pojaviti barem jednom u nizu.

Na primjer, za niz $(1, 1, 2, 3, 2, 9, 0, 9, 1, 4, 4, 5, 6, 7, 7, 7, 8)$, ispis treba izgledati ovako:

```

*           *
*   *   *   *   *   *   *   *   *
*   *   *   *   *   *   *   *   *

```

Nadalje, funkcija treba u varijabilne argumente `h` i `argh` zapisati visinu najvišeg stupca histograma i neki broj koji se pojavljuje najviše puta u nizu.

Smijete koristiti funkciju iz (a) podzadatka.

- (c) (Dodatnih 5 bodova koji se ne ubrajamaju u uvjet od 80 posto) Napišite funkciju `void sortiranje_kantom(int a[], int n)` koja prima niz $(a[0], a[1], \dots, a[n - 1])$ koji se sastoji od nenegativnih cijelih brojeva manjih od 10 i njegovu duljinu n , te sortira niz. Smijete koristiti funkciju iz (a) podzadatka. Podzadatak treba riješiti u linearnoj složenosti $\mathcal{O}(n)$, u protivnom nećete dobiti bodove na njemu.