

---

## ELEMENTARNA MATEMATIKA 2

Treća zadaća

1. Napišite kanonski oblik jednadžbe pravca koji leži u ravnini  $2x - y + z = 3$ , prolazi točkom  $(1, 2, 3)$  i paralelan je s ravninom  $x + 2y + 3z = 8$ .
2. Odredite udaljenost pravaca

$$\begin{aligned} p_1 \dots \quad & \frac{x-1}{2} = \frac{y+1}{2} = \frac{z-3}{-1}, \\ p_2 \dots \quad & \frac{x}{-2} = \frac{y-1}{-2} = \frac{z+4}{1}. \end{aligned}$$

3. Dane su kružnice  $k_1(O_1, r_1)$  i  $k_2(O_2, r_2)$  koje se ne sijeku. Odredite geometrijsko mjesto središta kružnica koje diraju zadane kružnice.

*Obratite pažnju na sve slučajeve.*

4. Neka je  $P$  točka izvan elipse s fokusima  $F_1$  i  $F_2$ , te neka tangente iz  $P$  diraju elipsu u točkama  $X$  i  $Y$ . Dokažite  $\angle F_1PX = \angle F_2PY$ .
5. U cilindričnim koordinatama parametrizirajte skup omeđen plohami  $z = 0$ ,  $x = 0$ ,  $x^2 + y^2 = 13 - z$  i  $x^2 + y^2 = z^2 + 1$ . Nacrtajte taj skup.