

ELEMENTARNA MATEMATIKA 2

Drugi kolokvij – 6. srpnja 2021.

Na kolokviju nije dozvoljeno koristiti ništa osim pribora za pisanje. Studenti koji u potpunosti riješe neki zadatak i precizno zapišu njegovo rješenje mogu na njemu dobiti nagradni (deseti) bod.

Zadatak 1. (2+3+4 boda)

- (a) Primjerom pokažite da iz $\vec{a} \times \vec{b} = \vec{a} \times \vec{c}$ za $\vec{a} \neq \vec{0}$ ne slijedi da je $\vec{b} = \vec{c}$.
- (b) Dokažite da ako je $\vec{a}_1 \times \vec{b} = \vec{a}_1 \times \vec{c}$ i $\vec{a}_2 \times \vec{b} = \vec{a}_2 \times \vec{c}$ za dva nekolinearna vektora \vec{a}_1, \vec{a}_2 , onda je $\vec{b} = \vec{c}$.
- (c) Izvedite formulu za udaljenost točke $T(x_0, y_0, z_0)$ od pravca $p \dots \vec{r} = \vec{r}_1 + t\vec{a}, t \in \mathbb{R}$, gdje je $\vec{r}_1 = (x_1, y_1, z_1), \vec{a} = (\alpha, \beta, \gamma)$.

Sve svoje tvrdnje precizno iskažite i dokažite!

ELEMENTARNA MATEMATIKA 2

Drugi kolokvij – 6. srpnja 2021.

Zadatak 2. (9 bodova) Odredite kut između težišnice i visine povučениh iz vrha A u trokutu ABC s vrhovima $A(1, 2, 3)$, $B(-2, 7, 1)$, $C(4, 1, 1)$.

ELEMENTARNA MATEMATIKA 2

Drugi kolokvij – 6. srpnja 2021.

Zadatak 3. (3+6 bodova)

- (a) Odredite volumen tetraedra $ABCD$ s vrhovima $A(-2, 3, 2)$, $B(3, -1, 1)$, $C(4, 4, 5)$, $D(1, 2, 2)$.
- (b) Dani su vektori $\vec{v} = (-2, 2, 1)$ i $\vec{w} = (2, 1, 0)$. Odredite

$$\vec{v} \times (\vec{v} \times (\dots (\vec{v} \times (\vec{v} \times \vec{w})) \dots)),$$

gdje se u gornjem izrazu znak \times pojavljuje 2021 puta.

ELEMENTARNA MATEMATIKA 2

Drugi kolokvij – 6. srpnja 2021.

Zadatak 4. (9 bodova) Odredite jednadžbu ravnine koja sadrži pravac

$$p \dots \frac{x-3}{2} = \frac{y+2}{-1} = \frac{z-1}{3}$$

i ortogonalnu projekciju p' pravca p na ravninu $\Pi \dots 2x + 3y - z - 5 = 0$. U ravnini Π odredite pravac q okomit na p' koji siječe p .

ELEMENTARNA MATEMATIKA 2

Drugi kolokvij – 6. srpnja 2021.

Zadatak 5. (3+6 bodova) Zadani su pravci:

$$p \dots \frac{x+2}{1} = \frac{y-3}{1} = \frac{z}{0}, \quad n \dots \begin{cases} x+2y+2z=4 \\ x+y=1. \end{cases}$$

Odredite sve pravce q za koje je n zajednička normala od p i q ako:

- (a) p i q su paralelni i udaljeni za 3;
- (b) p i q su mimoilazni, udaljeni za 3 te pravac p siječe ravninu razapetu s q i n pod kutem od 45° .