

## Prioritetni red (PriorityQueue)

Prioritetni red je skup kod kojeg imamo samo operacije `MakeNull`, `Empty`, `Insert` i `DeleteMin`.

### a.t.p. PriorityQueue

```
elementtype    . . .
PriorityQueue   . . .
PrMakeNull(&A)   . . .
PrEmpty(A)     . . .
PrInsert(x,&A)   . . .
PrDeleteMin(&A) . . .
```

Dobra implementacija prioritetnog reda je pomoću hrpe.

**Definicija.** Potpuno binarno stablo  $T$  je *hrpa* (eng. heap) ako:

- (1) oznake pohranjene u  $T$  imaju totalni uređaj  $\leq$
- (2) oznaka svakog čvora je  $\leq$  od oznaka njegove djece

**Napomena.** Svakom elementu prioritetnog reda odgovara točno jedan čvor hrpe i obratno. Tip oznake (`labeltype`) je tip elementa.

**Napomena.** Hrpa nam omogućava još jedan algoritam za sortiranje, tzv. HEAP SORT.

1. Listu  $L = (a_1, a_2, \dots, a_n)$  shvatimo kao skup uređenih parova  $A = \{(a_1, 1), (a_2, 2), \dots, (a_n, n)\}$  (opet, ovaj korak nije potreban ako ne želimo pamtititi pozicije elemenata u polaznoj listi).
2. Redom ubacujemo elemente od  $A$  u hrpu.
3. Funkciju `DeleteMin` pozovemo  $n$  puta i ispisujemo što vraća – ispisali smo sortiranu listu.

### Zadatak 11.

Sortirajte listu  $L = (8, 3, 5, 9, 8, 2, 1, 10, 3, 7, 4, 10)$  pomoću hrpe.

### Rješenje.

**Napomena.** Spajanje više lista  $L_1, L_2, \dots, L_m$ . U svakom koraku gledamo tekuće elemente svake od lista  $L_1, L_2, \dots, L_m$  i najmanji prepisujemo u listu  $L$ . Naivni postupak traženja minimuma zahtijevao bi  $m - 1$  operacija uspoređivanja u svakom koraku. Bolje je: spajati liste pomoću hrpe; u hrpi su tekući elementi koje uspoređujemo.

Na početku u hrpu ubacimo prve elemente svih lista.

U svakom koraku:

1. izvadimo iz hrpe najmanji element (**DeleteMin**) i ubacimo ga na kraj rezultantne liste  $L$ ,
2. u listi  $L_r$  kojoj je pripadao izbačeni element pomaknemo se na sljedeće mjesto i taj novi tekući element ubacimo u hrpu (**Insert**).

Jedan korak ovog algoritma traje samo  $O(\log n)$ .

### Zadatak 12.

Napravite prva tri koraka za spajanje lista:  $L_1 = (1, 3, 8, 11, \dots)$ ,  $L_2 = (2, 6, 12, 15, \dots)$ ,  $L_3 = (2, 8, 14, 21, \dots)$ ,  $L_4 = (3, 4, 7, 10, \dots)$ ,  $L_5 = (1, 9, 12, 15, \dots)$ .

### Rješenje.