

# ALGORITMI U TEORIJI BROJEVA

završni ispit – grupa A

12.6.2023.

1. Odredite najmanji prirodan broj  $n$  koji je pseudoprost broj u bazi 13, a nije Eulerov pseudoprost broj u bazi 13.

**Rješenje:**

2. Je li broj  $n = 2701$  jaki pseudoprost broj u bazi  $b = 8$ ?

Navedite ostatke  $b^{2^r \cdot t} \bmod n$ ,  $r = 0, 1, \dots, s$  koji to dokazuju (ovdje je  $n - 1 = 2^s \cdot t$  i  $t$  je neparan).

**Rješenje:**

3. Faktorizirajte broj  $n = 1169$  Pollardovom  $\rho$  metodom, uz  $f(x) = x^2 - 1$  i  $x_0 = 2$ . Navedite odgovarajuće vrijednosti  $x_i, y_i$ .

**Rješenje:**

4. Faktorizirajte broj  $n = 464363$  Pollardovom  $p - 1$  metodom, uz  $B = 8$  i  $a = 2$ . Navedite i koliko je  $a^m \bmod n$ .

**Rješenje:**

Dozvoljeno je korištenje džepnog kalkulatora, te dva papira s formulama.

Kalkulatori se mogu koristiti za standardne operacije, ali nije dozvoljeno korištenje gotovih funkcija za algoritme iz teorije brojeva.

Andrej Dujella